

常用的排序算法

一、冒泡排序

冒泡排序 (Bubble Sort) , 是一种较简单的排序算法。

它重复地走访过要排序的元素列, 依次比较两个相邻的元素, 如果顺序 (如从大到小、首字母从Z到A) 错误就把他们交换过来。走访元素的工作是重复地进行直到没有相邻元素需要交换, 也就是说该元素列已经排序完成。

这个算法的名字由来是因为越小的元素会经由交换慢慢“浮”到数列的顶端 (升序或降序排列) , 就如同碳酸饮料中二氧化碳的气泡最终会上浮到顶端一样, 故名“冒泡排序”。

```
1 #include<cstdio>
2 using namespace std;
3 int n,x[100];
4 int main()
5 {
6     scanf("%d",&n);
7     for (int i=0;i<n;i++)
8         scanf("%d",&x[i]);
9     for (int t,i=0; i<n-1; i++) /* 外循环为排序趟数, n个数进行n-1趟 */
10        for (int j=0; j<n-1-i; j++) { /* 内循环为每趟比较的次数, 第i趟比较n-i次
11        */
12            if (x[j] > x[j+1]) { /* 相邻元素比较, 若逆序则交换 (升序为左大于右, 降序
13            反之) */
14                t = x[j];
15                x[j] = x[j+1];
16                x[j+1] = t;
17            }
18        }
19        for (int i=0; i<n; i++)
20            printf("%d ", x[i]);
21        printf("\n");
22        return 0;
23    }
```

时间复杂度 $O(n^2)$

二、选择排序

选择排序法是一种不稳定的排序算法。它的工作原理是每一次从待排序的数据元素中选出最小 (或最大) 的一个元素, 存放在序列的起始位置, 然后, 再从剩余未排序元素中继续寻找最小 (大) 元素, 然后放到已排序序列的末尾。

以此类推, 直到全部待排序的数据元素排完。

```
1 #include<cstdio>
2 using namespace std;
3 int n,x[100];
4 int main()
5 {
```

```

6   scanf("%d",&n);
7   for (int i=0;i<n;i++)
8       scanf("%d",&x[i]);
9   for(int t,i=0;i<n-1;i++)//从首位开始,注意:最后一个数由于已经被动和前面所有数进行了
    比较,故不需要再主动比较
10  {
11      int k=i;
12      for(int j=i+1;j<n;j++)//依次和后面的数比较找出最小的数
13          if(x[j]<x[k])
14              k=j;
15      if(k != i)//如果最小的数不是首位,则交换
16          t=x[k],x[k]=x[i],x[i]=t;
17  }
18  for (int i=0; i<n; i++)
19      printf("%d ", x[i]);
20  printf("\n");
21  return 0;
22  }

```

时间复杂度 $O(n^2)$, 选择排序是一个不稳定的排序算法。

三、插入排序

插入排序是指在待排序的元素中, 假设前面 $n-1$ (其中 $n \geq 2$)个数已经是排好顺序的, 现将第 n 个数插到前面已经排好的序列中, 然后找到合适自己的位置, 使得插入第 n 个数的这个序列也是排好顺序的。

按照此法对所有元素进行插入, 直到整个序列排为有序的过程, 称为插入排序。

```

1   #include<cstdio>
2   using namespace std;
3   int n,x[100];
4   int main()
5   {
6       scanf("%d",&n);
7       for (int i=0;i<n;i++)
8           scanf("%d",&x[i]);
9       for (int pos,cur,i=1; i<n; i++)
10          {
11              pos = i-1 ;    //有序序列的最后一个元素位置
12              cur = x[i];    //保存待排序元素的值
13              while (pos >= 0 && x[pos] > cur)
14                  {
15                      x[pos + 1] = x[pos];
16                      pos--;
17                  }
18              x[pos + 1] = cur;    //将待排序元素插入数组中
19          }
20       for (int i=0; i<n; i++)
21           printf("%d ", x[i]);
22       printf("\n");
23       return 0;
24   }

```

时间复杂度 $O(n^2)$

四、希尔排序

```

1  #include<stdio>
2  using namespace std;
3  int n,x[100];
4  int main()
5  {
6      scanf("%d",&n);
7      for(int i=1;i<=n;i++)
8          scanf("%d",&x[i]);
9      for(int step=n>>1;step>0;step>>=1) {
10         for(int i=step;i<=n;i++) {
11             int j=i;
12             int temp=x[j];
13             while(j-step>=0&& x[j-step]>temp) {
14                 x[j]=x[j-step];
15                 j-=step;
16             }
17             x[j]=temp;
18         }
19     }
20     for(int i=1;i<=n;i++)
21         printf("%d ",x[i]);
22     return 0;
23 }

```

时间复杂度 $O(n^2)$ $O(n^2)$

五、快速排序

快速排序(Quick Sort)使用分治法策略。

它的基本思想是：选择一个基准数，通过一趟排序将要排序的数据分割成独立的两部分；其中一部分的所有数据都比另外一部分的所有数据都要小。然后，再按此方法对这两部分数据分别进行快速排序，整个排序过程可以递归进行，以此达到整个数据变成有序序列。

快速排序流程：

- (1) 从数列中挑出一个基准值。
- (2) 将所有比基准值小的摆放在基准前面，所有比基准值大的摆在基准的后面(相同的数可以到任一边)；在这个分区退出之后，该基准就处于数列的中间位置。
- (3) 递归地把"基准值前面的子数列"和"基准值后面的子数列"进行排序。

```

1  #include<stdio>
2  using namespace std;
3  int n,x[100];
4  void qsort(int L,int R) {
5      int i=L,j=R,mid=x[(i+j)/2],t;
6      while (i<j) {
7          while (x[i]<mid) i++;
8          while (x[j]>mid) j--;
9          if (i<=j) {
10             t=x[i],x[i]=x[j],x[j]=t;i++;j--;
11         }
12     }
13     if (i<R) qsort(i,R);
14     if (L<j) qsort(L,j);
15 }

```

```

16 int main()
17 {
18     scanf("%d",&n);
19     for (int i=0;i<n;i++)
20         scanf("%d",&x[i]);
21     qsort(0,n-1);
22     for (int i=0; i<n; i++)
23         printf("%d ", x[i]);
24     printf("\n");
25     return 0;
26 }

```

快速排序时间复杂度

快速排序的时间复杂度在最坏情况下是 $O(n^2)$ ，平均的时间复杂度是 $O(n\log n)$ 。

假设被排序的数列中有 n 个数。遍历一次的时间复杂度是 $O(n)$ ，需要遍历多少次呢？至少 $\log(n+1)$ 次，最多 n 次。

1.为什么最少是 $\log(n+1)$ 次？快速排序是采用分治法进行遍历的，我们将它看作一棵二叉树，它需要遍历的次数就是二叉树的深度，而根据完全二叉树的定义，它的深度至少是 $\log(n+1)$ 。因此，快速排序的遍历次数最少是 $\log(n+1)$ 次。

2.为什么最多是 n 次？这个应该非常简单，还是将快速排序看作一棵二叉树，它的深度最大是 N 。因此，快速排序的遍历次数最多是 n 次。

六、归并排序

```

1  #include<cstdio>
2  using namespace std;
3  int n,x[1000],z[1000];
4  void merge_sort(int L,int R)
5  {
6      if (L==R) return;
7      int mid=(L+R)/2;
8      merge_sort(L,mid);merge_sort(mid+1,R);
9      int i=L,j=mid+1,k=L;
10     while (i<=mid && j<=R)
11         if (x[i]<x[j])
12             z[k++]=x[i++];
13         else
14             z[k++]=x[j++];
15     while (i<=mid) z[k++]=x[i++];
16     while (j<=R) z[k++]=x[j++];
17     for (int i=L;i<=R;i++) x[i]=z[i];
18 }
19 int main()
20 {
21     scanf("%d",&n);
22     for (int i=1;i<=n;i++) scanf("%d",&x[i]);
23     merge_sort(1,n);
24     for (int i=1;i<=n;i++)
25         printf("%d ",x[i]);
26     printf("\n");
27     return 0;
28 }

```

时间复杂度: $O(n\log n)$ 。

空间复杂度: $O(n)$, 归并排序需要一个与原数组相同长度的数组做辅助来排序。

稳定性: 在数据量大且数据递增或递减连续性好的情况下, 效率比较高, 且在 $O(n\log n)$ 复杂度下唯一一个稳定的排序。

七、堆排序

```
1  #include<cstdio>
2  using namespace std;
3  int n,x[100];
4  void check(int v,int nmax){
5      int k=2*v,t;
6      if (k>nmax) return;
7      if (k+1>nmax) {
8          if (x[v]>x[k])
9              t=x[k],x[k]=x[v],x[v]=t;
10         return;
11     }
12     int j=k;if (x[k]>x[k+1]) j=k+1;
13     if (x[v]>x[j]) {
14         t=x[j],x[j]=x[v],x[v]=t;
15         check(j,nmax);
16     }
17 }
18 int main()
19 {
20     scanf("%d",&n);
21     for (int i=1;i<=n;i++) scanf("%d",&x[i]);
22     for (int i=n/2;i>=1;i--)
23         check(i,n);
24     int m=n;
25     for (int i=1;i<=m;i++) {
26         printf("%d ",x[1]);
27         x[1]=x[n];n--;check(1,n);
28     }
29     printf("\n");
30     return 0;
31 }
```

八、基数排序