

2023 CCF 非专业级别软件能力认证第一轮

(CSP-S1) 提高级 C++语言试题

认证时间：2023 年 9 月 16 日 14:30~16:30

考生注意事项：

- 试题纸共有 13 页，答题纸共有 1 页，满分 100 分。请在答题纸上作答，写在试题纸上的
一律无效。
- 不得使用任何电子设备（如计算器、手机、电子词典等）或查阅任何书籍资料。

一、单项选择题（共 15 题，每题 2 分，共计 30 分；每题有且仅有一个正确选项）

1. 在 Linux 系统终端中，以下哪个命令用于创建一个新的目录？（ ）
A. newdir
B. mkdir
C. create
D. mkfolder
2. 0, 1, 2, 3, 4 中选取 4 个数字，能组成（ ）个不同四位数。（注：最小的四位数是 1000，最大的四位数是 9999。）
A. 96
B. 18
C. 120
D. 84
3. 假设 n 是图的顶点的个数， m 是图的边的个数，为求解某一问题有下面四种不同时间复杂度的算法。对于 $m = \Theta(n)$ 的稀疏图而言，下面的四个选项，哪一项的渐近时间复杂度最小。
（ ）
A. $O(m\sqrt{\log n \cdot \log \log n})$
B. $O(n^2 + m)$
C. $O(n^2/\log m + m \log n)$
D. $O(m + n \log n)$
4. 假设有 n 根柱子，需要按照以下规则依次放置编号为 1、2、3、... 的圆环：每根柱子的底部固定，顶部可以放入圆环；每次从柱子顶部放入圆环时，需要保证任何两个相邻圆环的编号之和是一个完全平方数。请计算当有 4 根柱子时，最多可以放置（ ）个圆环。

- A. 7
- B. 9
- C. 11
- D. 5

5. 以下对数据结构的表述不恰当的一项是：（ ）。

- A. 队列是一种先进先出（FIFO）的线性结构
- B. 哈夫曼树的构造过程主要是为了实现图的深度优先搜索
- C. 散列表是一种通过散列函数将关键字映射到存储位置的数据结构
- D. 二叉树是一种每个结点最多有两个子结点的树结构

6. 以下连通无向图中，（ ）一定可以用不超过两种颜色进行染色。

- A. 完全三叉树
- B. 平面图
- C. 边双连通图
- D. 欧拉图

7. 最长公共子序列长度常常用来衡量两个序列的相似度。其定义如下：给定两个序列 $X = \{x_1, x_2, x_3, \dots, x_m\}$ 和 $Y = \{y_1, y_2, y_3, \dots, y_n\}$ ，最长公共子序列（LCS）问题的目标是找到一个最长的新序列 $Z = \{z_1, z_2, z_3, \dots, z_k\}$ ，使得序列 Z 既是序列 X 的子序列，又是序列 Y 的子序列，且序列 Z 的长度 k 在满足上述条件的序列里是最大的。（注：序列 A 是序列 B 的子序列，当且仅当在保持序列 B 元素顺序的情况下，从序列 B 中删除若干个元素，可以使得剩余的元素构成序列 A 。）则序列“ABC AAAABA”和“AB ABCBABA”的最长公共子序列长度为（ ）。

- A. 4
- B. 5
- C. 6
- D. 7

8. 一位玩家正在玩一个特殊的掷骰子的游戏，游戏要求连续掷两次骰子，收益规则如下：玩家第一次掷出 x 点，得到 $2x$ 元；第二次掷出 y 点，当 $y=x$ 时玩家会失去之前得到的 $2x$ 元，而当 $y \neq x$ 时玩家能保住第一次获得的 $2x$ 元。上述 $x, y \in \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ 。例如：玩家第一次掷出 3 点得到 6 元后，但第二次再次掷出 3 点，会失去之前得到的 6 元，玩家最终收

益为 0 元；如果玩家第一次掷出 3 点、第二次掷出 4 点，则最终收益是 6 元。假设骰子掷出任意一点的概率均为 $1/6$ ，玩家连续掷两次骰子后，所有可能情形下收益的平均值是多少？（ ）

A. 7 元

B. $\frac{35}{6}$ 元

C. $\frac{16}{3}$ 元

D. $\frac{19}{3}$ 元

9. 假设我们有以下的 C++ 代码：

```
int a = 5, b = 3, c = 4;
bool res = a & b || c ^ b && a | c;
```

请问，res 的值是什么？（ ）

提示：在 C++ 中，逻辑运算的优先级从高到低依次为：逻辑非（!）、逻辑与（&&）、逻辑或（||）。位运算的优先级从高到低依次为：位非（~）、位与（&）、位异或（^）、位或（|）。同时，双目位运算的优先级高于双目逻辑运算；逻辑非和位非优先级相同，且高于所有双目运算符。

A. true

B. false

C. 1

D. 0

10. 假设快速排序算法的输入是一个长度为 n 的已排序数组，且该快速排序算法在分治过程总是选择第一个元素作为基准元素。以下哪个选项描述的是在这种情况下快速排序行为？（ ）

A. 快速排序对于此类输入的表现最好，因为数组已经排序。

B. 快速排序对于此类输入的时间复杂度是 $O(n \log n)$ 。

C. 快速排序对于此类输入的时间复杂度是 $O(n^2)$ 。

D. 快速排序无法对此类数组进行排序，因为数组已经排序。

11. 以下哪个命令，能将一个名为 “main.cpp” 的 C++ 源文件，编译并生成一个名为 “main” 的可执行文件？（ ）

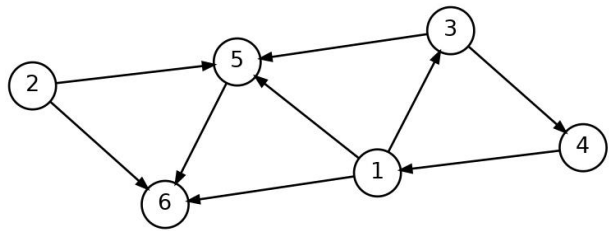
- A. `g++ -o main main.cpp`
- B. `g++ -o main.cpp main`
- C. `g++ main -o main.cpp`
- D. `g++ main.cpp -o main.cpp`

12. 在图论中，树的重心是树上的一个结点，以该结点为根时，使得其所有的子树中结点数最多的子树的结点数最少。一棵树可能有多个重心。请问下面哪种树一定只有一个重心？（ ）。

- A. 4 个结点的树
- B. 6 个结点的树
- C. 7 个结点的树
- D. 8 个结点的树

13. 如图是一张包含 6 个顶点的有向图，但顶点间不存在拓扑序。如果要删除其中一条边，使这 6 个顶点能进行拓扑排序，请问总共有多少条边可以作为候选的被删除边？（ ）

- A. 1
- B. 2
- C. 3
- D. 4



14. 若 $n = \sum_{i=0}^k 16^i \cdot x_i$ ，定义 $f(n) = \sum_{i=0}^k x_i$ ；其中 $x_i \in \{0, 1, \dots, 15\}$ 。对于给定自然数 n_0 ，存在序列 $n_0, n_1, n_2, \dots, n_m$ ，其中对于 $1 \leq i \leq m$ 都有 $n_i = f(n_{i-1})$ ，且 $n_m = n_{m-1}$ ，称 n_m 为 n_0 关于 f 的不动点。问在 100_{16} 至 $1A0_{16}$ 中，关于 f 的不动点为 9 的自然数个数为（ ）。

- A. 10
- B. 11
- C. 12
- D. 13

15. 现在用如下代码来计算 x^n ，其时间复杂度为（ ）。

```
double quick_power(double x, unsigned n) {  
    if (n == 0) return 1;  
    if (n == 1) return x;  
    return quick_power(x, n / 2)  
        * quick_power(x, n / 2)  
        * ((n & 1) ? x : 1);  
}
```

- A. $O(n)$
- B. $O(1)$
- C. $O(\log n)$
- D. $O(n \log n)$

二、阅读程序（程序输入不超过数组或字符串定义的范围；判断题正确填√，错误填×；除特殊说明外，判断题 1.5 分，选择题 3 分，共计 40 分）

(1)

```
01 #include <iostream>  
02 using namespace std;  
03  
04 unsigned short f(unsigned short x) {  
05     x ^= x << 6;  
06     x ^= x >> 8;  
07     return x;  
08 }  
09  
10 int main() {  
11     unsigned short x;  
12     cin >> x;  
13     unsigned short y = f(x);  
14     cout << y << endl;  
15     return 0;  
16 }
```

假设输入的 x 是不超过 65535 的自然数，完成下面的判断题和单选题：

● 判断题

16. 当输入非零时，输出一定不为零。（ ）
17. （2 分）将 f 函数的输入参数的类型改为 `unsigned int`，程序的输出不变。（ ）
18. 当输入为“65535”时，输出为“63”。（ ）
19. 当输入为“1”时，输出为“64”。（ ）

● 单选题

20. 当输入为“512”时，输出为（ ）。
- A. “33280” B. “33410” C. “33106” D. “33346”
21. 当输入为“64”时，执行完第 5 行后 x 的值为（ ）。
- A. “8256” B. “4130” C. “4128” D. “4160”

(2)

```
01 #include <iostream>
02 #include <cmath>
03 #include <vector>
04 #include <algorithm>
05 using namespace std;
06
07 long long solve1(int n) {
08     vector<bool> p(n+1, true);
09     vector<long long> f(n+1, 0), g(n+1, 0);
10     f[1] = 1;
11     for (int i = 2; i * i <= n; i++) {
12         if (p[i]) {
13             vector<int> d;
14             for (int k = i; k <= n; k *= i) d.push_back(k);
15             reverse(d.begin(), d.end());
16             for (int k : d) {
17                 for (int j = k; j <= n; j += k) {
18                     if (p[j]) {
19                         p[j] = false;
20                         f[j] = i;
21                         g[j] = k;
22                     }
23                 }
24             }
25         }
26     }
27     for (int i = sqrt(n) + 1; i <= n; i++) {
28         if (p[i]) {
```

```

29         f[i] = i;
30         g[i] = i;
31     }
32 }
33 long long sum = 1;
34 for (int i = 2; i <= n; i++) {
35     f[i] = f[i / g[i]] * (g[i] * f[i] - 1) / (f[i] - 1);
36     sum += f[i];
37 }
38 return sum;
39 }
40
41 long long solve2(int n) {
42     long long sum = 0;
43     for (int i = 1; i <= n; i++) {
44         sum += i * (n / i);
45     }
46     return sum;
47 }
48
49 int main() {
50     int n;
51     cin >> n;
52     cout << solve1(n) << endl;
53     cout << solve2(n) << endl;
54     return 0;
55 }

```

假设输入的 n 是不超过 1000000 的自然数，完成下面的判断题和单选题：

● 判断题

22. 将第 15 行删去，输出不变。（ ）
23. 当输入为“10”时，输出的第一行大于第二行。（ ）
24. （2 分）当输入为“1000”时，输出的第一行与第二行相等。（ ）

● 单选题

25. $\text{solve1}(n)$ 的时间复杂度为（ ）。

- A. $\Theta(n \log^2 n)$ B. $\Theta(n)$ C. $\Theta(n \log n)$ D. $\Theta(n \log \log n)$

26. $\text{solve2}(n)$ 的时间复杂度为（ ）。

- A. $\Theta(n^2)$ B. $\Theta(n)$ C. $\Theta(n \log n)$ D. $\Theta(n\sqrt{n})$

27. 输入为“5”时，输出的第二行为（ ）。

- A. “20” B. “21” C. “22” D. “23”

(3)

```
01 #include <vector>
02 #include <algorithm>
03 #include <iostream>
04
05 using namespace std;
06
07 bool f0(vector<int>& a, int m, int k) {
08     int s = 0;
09     for (int i = 0, j = 0; i < a.size(); i++) {
10         while (a[i] - a[j] > m) j++;
11         s += i - j;
12     }
13     return s >= k;
14 }
15
16 int f(vector<int>& a, int k) {
17     sort(a.begin(), a.end());
18
19     int g = 0;
20     int h = a.back() - a[0];
21     while (g < h) {
22         int m = g + (h - g) / 2;
23         if (f0(a, m, k)) {
24             h = m;
25         } else {
26             g = m + 1;
27         }
28     }
29
30     return g;
31 }
32
33 int main() {
34     int n, k;
35     cin >> n >> k;
36     vector<int> a(n, 0);
37     for(int i = 0; i < n; i++) {
```



```

38         cin >> a[i];
39     }
40     cout<< f(a, k) << endl;
41     return 0;
42 }

```

假设输入总是合法的且 $|a[i]| \leq 10^8$ 、 $n \leq 10000$ 和 $1 \leq k \leq n(n-1)/2$ ，完成下面的判断题和单选题：

● 判断题

28. 将第 24 行的 “m” 改为 “m - 1”，输出有可能不变，而剩下情况为少 1。（ ）
29. 将第 22 行的 “g + (h - g) / 2” 改为 “(h + g) >> 1”，输出不变。（ ）
30. 当输入为 “5 7 2 -4 5 1 -3”，输出为 “5”。（ ）

● 单选题

31. 设 a 数组中最大值减最小值加 1 为 A，则 f 函数的时间复杂度为（ ）。
- A. $\Theta(n \log A)$ B. $\Theta(n^2 \log A)$ C. $\Theta(n \log(nA))$ D. $\Theta(n \log n)$
32. 将第 10 行中的 “>” 替换为 “>=”，那么原输出与现输出的大小关系为（ ）。
- A. 一定小于 B. 一定小于等于且不一定小于
C. 一定大于等于且不一定大于 D. 以上三种情况都不对
33. 当输入为 “5 8 2 -5 3 8 -12” 时，输出为（ ）。
- A. “13” B. “14”
C. “8” D. “15”

三、 完善程序（单选题，每小题 3 分，共计 30 分）

(1) (第 k 小路径) 给定一张 n 个点 m 条边的有向无环图，顶点编号从 0 到 $n-1$ 。对于一条路径，我们定义“路径序列”为该路径从起点出发依次经过的顶点编号构成的序列。求所有至少包含一个点的简单路径中，“路径序列”字典序第 k 小的路径。保证存在至少 k 条路径。上述参数满足 $1 \leq n, m \leq 10^5$ 和 $1 \leq k \leq 10^{18}$ 。

在程序中，我们求出从每个点出发的路径数量。超过 10^{18} 的数都用 10^{18} 表示。然后我们根据 k 的值和每个顶点的路径数量，确定路径的起点，然后可以类似地依次求出路径中的每个点。

试补全程序。

```
01 #include <iostream>
```

```
02 #include <algorithm>
03 #include <vector>
04
05 const int MAXN = 100000;
06 const long long LIM = 1000000000000000000ll;
07
08 int n, m, deg[MAXN];
09 std::vector<int> E[MAXN];
10 long long k, f[MAXN];
11
12 int next(std::vector<int> cand, long long &k) {
13     std::sort(cand.begin(), cand.end());
14     for (int u : cand) {
15         if (①) return u;
16         k -= f[u];
17     }
18     return -1;
19 }
20
21 int main() {
22     std::cin >> n >> m >> k;
23     for (int i = 0; i < m; ++i) {
24         int u, v;
25         std::cin >> u >> v; // 一条从 u 到 v 的边
26         E[u].push_back(v);
27         ++deg[v];
28     }
29     std::vector<int> Q;
30     for (int i = 0; i < n; ++i)
31         if (!deg[i]) Q.push_back(i);
32     for (int i = 0; i < n; ++i) {
33         int u = Q[i];
34         for (int v : E[u]) {
35             if (②) Q.push_back(v);
36             --deg[v];
37         }
38     }
39     std::reverse(Q.begin(), Q.end());
40     for (int u : Q) {
41         f[u] = 1;
42         for (int v : E[u]) f[u] = ③;
43     }
44     int u = next(Q, k);
45     std::cout << u << std::endl;
```

```

46 while (④) {
47     ⑤;
48     u = next(E[u], k);
49     std::cout << u << std::endl;
50 }
51 return 0;
52 }

```

34. ①处应填 ()

- A. $k \geq f[u]$ B. $k \leq f[u]$ C. $k > f[u]$ D. $k < f[u]$

35. ②处应填 ()

- A. $\text{deg}[v] == 1$ B. $\text{deg}[v] == 0$ C. $\text{deg}[v] > 1$ D. $\text{deg}[v] > 0$

36. ③处应填 ()

- A. $\text{std::min}(f[u] + f[v], \text{LIM})$ B. $\text{std::min}(f[u] + f[v] + 1, \text{LIM})$
C. $\text{std::min}(f[u] * f[v], \text{LIM})$ D. $\text{std::min}(f[u] * (f[v] + 1), \text{LIM})$

37. ④处应填 ()

- A. $u \neq -1$ B. $!E[u].\text{empty}()$ C. $k > 0$ D. $k > 1$

38. ⑤处应填 ()

- A. $k += f[u]$ B. $k -= f[u]$ C. $--k$ D. $++k$

(2) (最大值之和) 给定整数序列 a_0, \dots, a_{n-1} , 求该序列所有非空连续子序列的最大值之和。上述参数满足 $1 \leq n \leq 10^5$ 和 $1 \leq a_i \leq 10^8$ 。

一个序列的非空连续子序列可以用两个下标 l 和 r (其中 $0 \leq l \leq r < n$) 表示, 对应的序列为 a_l, a_{l+1}, \dots, a_r 。两个非空连续子序列不同, 当且仅当下标不同。

例如, 当原序列为 $[1, 2, 1, 2]$ 时, 要计算子序列 $[1]$ 、 $[2]$ 、 $[1]$ 、 $[2]$ 、 $[1, 2]$ 、 $[2, 1]$ 、 $[1, 2]$ 、 $[1, 2, 1]$ 、 $[2, 1, 2]$ 、 $[1, 2, 1, 2]$ 的最大值之和, 答案为 18。注意 $[1, 1]$ 和 $[2, 2]$ 虽然是原序列的子序列, 但不是连续子序列, 所以不应该被计算。另外, 注意其中有一些值相同的子序列, 但由于他们在原序列中的下标不同, 属于不同的非空连续子序列, 所以会被分别计算。

解决该问题有许多算法, 以下程序使用分治算法, 时间复杂度 $O(n \log n)$ 。

试补全程序。

```

01 #include <iostream>
02 #include <algorithm>
03 #include <vector>
04

```

```

05 const int MAXN = 100000;
06
07 int n;
08 int a[MAXN];
09 long long ans;
10
11 void solve(int l, int r) {
12     if (l + 1 == r) {
13         ans += a[l];
14         return;
15     }
16     int mid = (l + r) >> 1;
17     std::vector<int> pre(a + mid, a + r);
18     for (int i = 1; i < r - mid; ++i) ①;
19     std::vector<long long> sum(r - mid + 1);
20     for (int i = 0; i < r - mid; ++i) sum[i + 1] = sum[i] + pre[i];
21     for (int i = mid - 1, j = mid, max = 0; i >= l; --i) {
22         while (j < r && ②) ++j;
23         max = std::max(max, a[i]);
24         ans += ③;
25         ans += ④;
26     }
27     solve(l, mid);
28     solve(mid, r);
29 }
30
31 int main() {
32     std::cin >> n;
33     for (int i = 0; i < n; ++i) std::cin >> a[i];
34     ⑤;
35     std::cout << ans << std::endl;
36     return 0;
37 }

```

39. ①处应填 ()

- A. `pre[i] = std::max(pre[i - 1], a[i - 1])`
- B. `pre[i + 1] = std::max(pre[i], pre[i + 1])`
- C. `pre[i] = std::max(pre[i - 1], a[i])`
- D. `pre[i] = std::max(pre[i], pre[i - 1])`

40. ②处应填 ()

- | | |
|---------------------------------------|---------------------------------------|
| A. <code>a[j] < max</code> | B. <code>a[j] < a[i]</code> |
| C. <code>pre[j - mid] < max</code> | D. <code>pre[j - mid] > max</code> |

41. ③处应填 ()

- A. `(long long)(j - mid) * max`
- B. `(long long)(j - mid) * (i - 1) * max`
- C. `sum[j - mid]`
- D. `sum[j - mid] * (i - 1)`

42. ④处应填 ()

- A. `(long long)(r - j) * max`
- B. `(long long)(r - j) * (mid - i) * max`
- C. `sum[r - mid] - sum[j - mid]`
- D. `(sum[r - mid] - sum[j - mid]) * (mid - i)`

43. ⑤处应填 ()

- | | |
|-----------------------------|---------------------------------|
| A. <code>solve(0, n)</code> | B. <code>solve(0, n - 1)</code> |
| C. <code>solve(1, n)</code> | D. <code>solve(1, n - 1)</code> |

CSP-S 2023 第一轮认证答案

BAACBACB

ACACCBA

√ × √ × BD

× × √ DBB

√ √ √ CBB

BAADC

DBACA